

03.06.2024

Завдання 1–15 мають по п'ять варіантів відповіді, з яких лише ОДИН ПРАВИЛЬНИЙ. Виберіть правильний варіант відповіді й позначте його.

1. На дитячій каруселі є 19 місць для катання: човни, літаки та машинки (див. рисунок). Микита навмислення обирає собі місце на каруселі. Визначте ймовірність того, що він сяде не на літак.

A	B	V	Г	Д
$\frac{15}{19}$	$\frac{5}{14}$	$\frac{14}{19}$	$\frac{4}{15}$	$\frac{5}{19}$



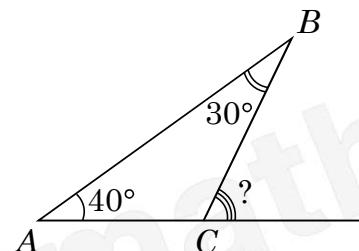
2. Укажіть тіло, яке отримується внаслідок обертання фігури, у якого твірні паралельні осі обертання.

A	B	V	Г	Д
сфера	конус	куля	циліндр	призма

3. Знайдіть значення виразу $5,6^{\log_{5,6} 12}$.

A	B	V	Г	Д
5,6	12	6,4	67,2	17,6

4. У трикутнику ABC $\angle A = 40^\circ$, $\angle B = 30^\circ$ (див. рисунок). Визначте градусну міру зовнішнього кута при вершині C .



A	B	V	Г	Д
80°	50°	70°	60°	110°

5. Розв'яжіть рівняння $\frac{x^2}{2} = 32$.

A	B	V	Г	Д
-4; 4	4	-8; 8	32	8

6. Скільки всього цілих чисел містить проміжок $[-4; \sqrt{11}]$?

А	Б	В	Г	Д
5	6	7	8	9

7. У 100 г чорної смородини міститься приблизно 0,25 г вітаміну С. Норма вітаміну С для дорослої людини на день становить 0,075 г. Визначте найменшу кількість смородини, у якій кількість вітаміну С не перевищує норму.

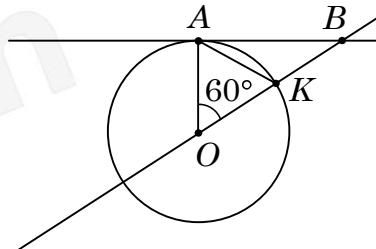
А	Б	В	Г	Д
30 г	50 г	10 г	5 г	2 г

8. Спростіть вираз $\frac{6x+12}{3}$.

А	Б	В	Г	Д
$2x + 12$	$2x + 4$	$6x + 4$	$3x + 12$	$3x + 4$

9. До кола із центром у точці O проведено дотичну AB , яка дотикається кола в точці A . Пряма OB перетинає коло в точці K так, що $\angle AOK = 60^\circ$. Які з наведених тверджень є правильними?

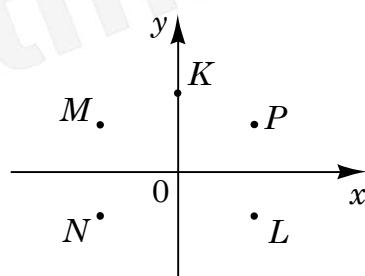
- I. $AK = OA$.
- II. $AO = BK$.
- III. $AB = 2AO$.



А	Б	В	Г	Д
лише I	лише II	лише I та II	лише I та III	I, II та III

10. У прямокутній системі координат xy зображені п'ять точок: K, L, M, N та P . Укажіть точку, через яку може проходити графік функції $y = \sqrt{x}$.

А	Б	В	Г	Д
K	L	M	N	P



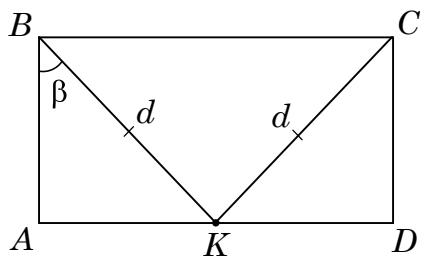
11. Основою чотирикутної піраміди є ромб зі стороною 10 см. Менша діагональ ромба дорівнює 12 см. Знайдіть об'єм цієї піраміди, якщо її висота дорівнює стороні основи.

А	Б	В	Г	Д
640 см ³	1200 см ³	480 см ³	960 см ³	320 см ³

12. Розв'яжіть нерівність $\left(\frac{1}{3}\right)^{2x-1} \leqslant 27^{-1}$.

А	Б	В	Г	Д
(−∞; 2]	[−1; +∞)	(−∞; 4]	[2; +∞)	(−∞; −1]

13. У прямокутнику $ABCD$ на стороні AD вибрано точку K так, що $BK = KC = d$, $\angle ABK = \beta$ (див. рисунок). Визначте периметр цього прямокутника.



- А $4d(\sin \beta + \cos \beta)$
- Б $2d\left(\frac{1}{\cos \beta} + \frac{2}{\sin \beta}\right)$
- В $2d(2 \sin \beta + \cos \beta)$
- Г $2d\left(\frac{2}{\cos \beta} + \frac{1}{\sin \beta}\right)$
- Д $2d(\sin \beta + 2 \cos \beta)$

14. Розв'яжіть систему рівнянь $\begin{cases} x + 2y = 8, \\ 3x - 4y = -1. \end{cases}$ Якщо $(x_0; y_0)$ – розв'язок системи, то $x_0 + y_0 =$

А	Б	В	Г	Д
7,6	3	5	5,5	2,5

15. Знайдіть загальний вигляд первісних функції $f(x) = \frac{12}{x^3} - 4x$.

- А $F(x) = -\frac{36}{x^2} - 2x^2 + C$
- Б $F(x) = -\frac{6}{x^2} - 2x^2 + C$
- В $F(x) = \frac{4}{x^2} - 4 + C$
- Г $F(x) = -\frac{36}{x^4} - 4 + C$
- Д $F(x) = -\frac{6}{x^2} - 4 + C$

У завданнях 16–18 до кожного з трьох рядків інформації, позначених цифрами, доберіть один правильний, на Вашу думку, варіант, позначений буквою.

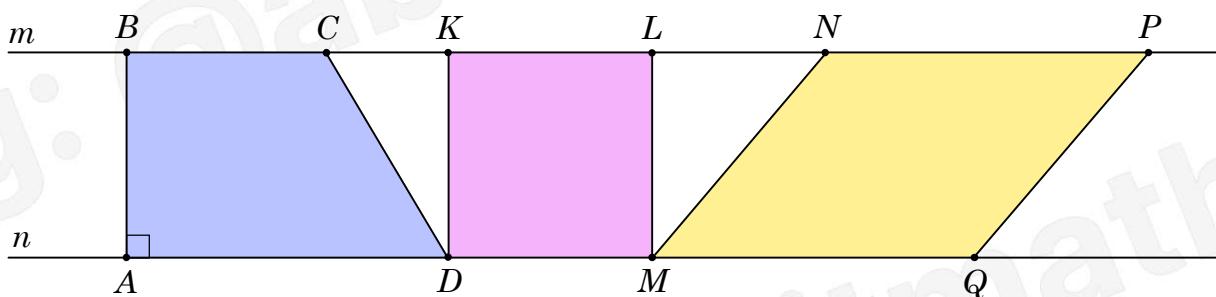
16. Установіть відповідність між виразом (1–3) та значенням (А – Д) цього виразу.

<i>Вираз</i>	<i>Значення виразу</i>
1 $\frac{3^{-5}}{3^{-6}}$	A 1
2 $\log_2 0,1 + \log_2 320$	B 2
3 $4 \cos^2 30^\circ - 4 \sin^2 30^\circ$	C 3
	D 4
	E 5

17. Установіть відповідність між функцією (1–3) та її властивістю (А – Д).

Функція		Властивість		
1	$y = 4 - x^2$	A	зростає на всій області визначення	
2	$y = -x$	B	набуває від'ємного значення при $x = -2$	
3	$y = 4^x$	C	є парною	
		D	має три спільні точки з графіком функції $y = -x^3$	
			D	графік функції розташований лише в I та IV координатній чверті.
A	B	C	D	
1				
2				
3				

18. На паралельних прямих m та n розміщено основи трапеції $ABCD$, сторони квадрата $DKLM$ та сторони паралелограма $MNPQ$ (див. рисунок). Периметр квадрата дорівнює 24, $BC = KL$, $BC : AD = 2 : 3$, $AD = MQ$. Узгordьте фігуру (1–3) з її площею ($A - \Delta$).



<i>Фігура</i>	<i>Площа фігури</i>
1 квадрат $DKLM$	A 48
2 паралелограм $MNPQ$	B 90
3 трапеція $ABCD$	C 54
	D 36
	E 45
	F 27
	G 18
	H 12
	I 9
	J 6
	K 3
	L 2
	M 1

Розв'яжіть завдання 19–22. Одержані числові відповіді запишіть у спеціально відведеному місці. Відповідь записуйте лише десятковим дробом, урахувавши положення коми. Знак «мінус» записуйте перед першою цифрою числа.

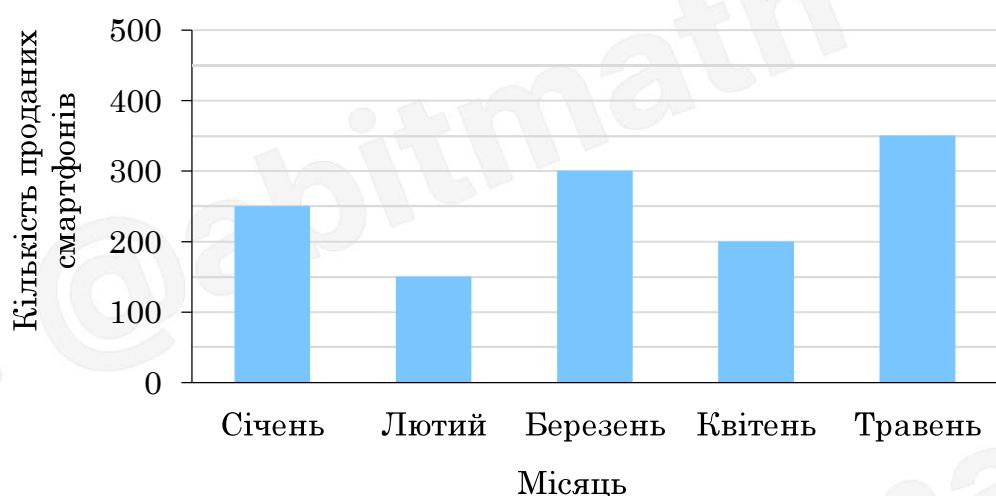
- 19.** У залі для глядачів цирку встановлено 16 рядів крісел: у першому ряду 54 крісла, а в кожному наступному ряду кількість крісел на те саме число більше, ніж у попередньому. Визначте кількість крісел у третьому ряду, якщо в останньому ряду 204 крісла.

Відповідь: ,

- 20.** У прямокутній системі координат у просторі задано правильну трикутну призму $ABCA_1B_1C_1$, усі ребра якої рівні. Діагоналі грані BCC_1B_1 перетинаються в точці $K(2; -8; 7)$, точка $M(6; 2; 4)$ – середина ребра AC . Обчисліть площину бічної поверхні призми $ABCA_1B_1C_1$.

Відповідь: ,

- 21.** На діаграмі наведено інформацію про продаж смартфонів протягом п'яти місяців. Знайдіть, на скільки *відсотків* середня кількість проданих смартфонів перевищує кількість проданих смартфонів у квітні?



Відповідь: ,

- 22.** Знайдіть кількість усіх цілих значень a з проміжку $[-5; 10]$, за кожного з яких рівняння $(\sqrt{2x-a+4}-1) \cdot |x-2| = 0$ має два різних корені.

Відповідь: ,

ПРАВИЛЬНІ ВІДПОВІДІ

Номер завдання	Правильна відповідь
1	В
2	Г
3	Б
4	В
5	В
6	Г
7	А
8	Б
9	В
10	Д
11	Д
12	Г
13	В
14	Г
15	Б
16	1–В; 2–Д; 3–Б
17	1–В; 2–Г; 3–А
18	1–Г; 2–В; 3–Д
19	74
20	750
21	25
22	13